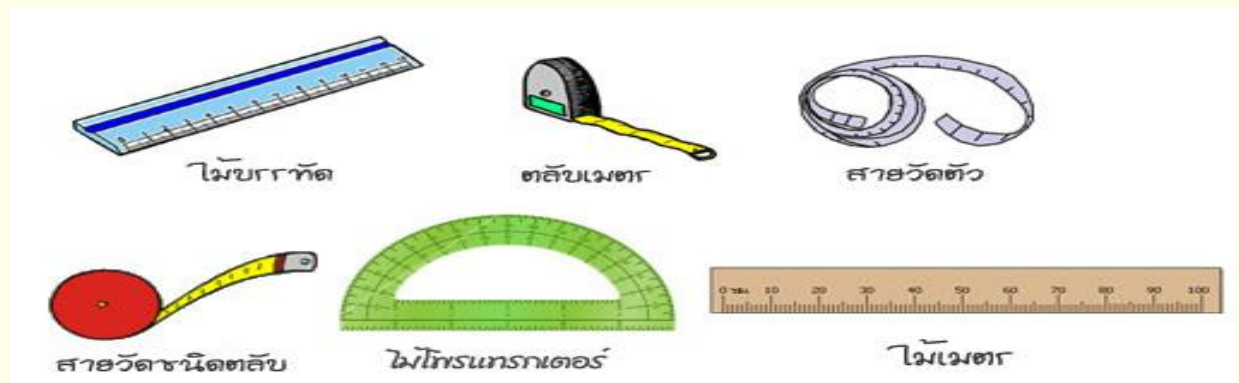


เลขท้ายสำคัญ



ความหมายของเลขนัยสำคัญ

- **เลขนัยสำคัญ** เป็นวิธีการที่ใช้ในการนับจำนวนของ **ตัวเลข** และมี **วิธีการคำนวณ** ที่เกี่ยวข้องกับเลขนัยสำคัญ ซึ่งจะช่วยให้งานในทางวิทยาศาสตร์มีความน่าเชื่อถือมากขึ้นจากการจัดบันทึกข้อมูลต่าง ๆ ในขณะที่ทำการทดลอง หากความจริงโดยการตั้งสมมุติฐานของผู้ทดลอง



หน่วยวัดทางวิทยาศาสตร์

- หน่วยวัดทางวิทยาศาสตร์ เป็นการวัดปริมาณต่าง ๆ ที่ต้องเปรียบเทียบกับสิ่งที่อ้างอิงที่ถือเป็นมาตรฐาน

เช่น เชือกยาว 50 เมตร หมายถึง เชือกยาวเป็น 50 เท่าของวัตถุที่นิยามความยาวเป็นเมตร บอกความยาวเป็นเมตร หรือบอกเวลาเป็นวินาที เป็นการบอกปริมาณของความยาว และเวลาโดยระบุ หน่วยของการวัด

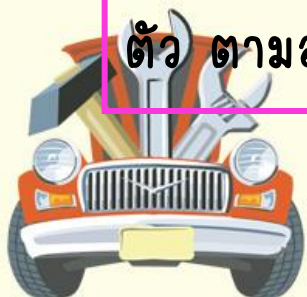


วิธีการนับเลขนัยสำคัญ

1. ตัวเลขทุกตัวที่ไม่ใช่ตัวเลข 0 เป็นเลขนัยสำคัญทั้งหมด เช่น 1.6 , 11.2 , 2548 และ 8.976 ซึ่งจะมีเลขนัยสำคัญเท่ากับ 2 , 3 , 4 และ 4 ตัวตามลำดับ

2. ตัวเลข 0 ที่อยู่ระหว่างเลขนัยสำคัญถือว่าเป็นเลขนัยสำคัญด้วย เช่น 205 , 2.035 , 12053 , 1000.0003 จะมีเลขนัยสำคัญเท่ากับ 3 , 4 , 5 และ 8

ตัว ตามลำดับ



วิธีการนับเลขนัยสำคัญ

3. ตัวเลข 0 ที่อยู่ทางซ้ายมือ ไม่ถือว่าเป็นเลขนัยสำคัญ เช่น 0231 ,
0.0025, 03679 , 0.000005 จะมีเลขนัยสำคัญเท่ากับ 3 2 4
และ 1 ตัว ตามลำดับ

4. ตัวเลข 0 ที่อยู่ปลายทางขวามือของจุดทศนิยมถือว่าเป็นเลขนัยสำคัญ เช่น
130.0 , 13.00 , 1.300 , 0.001300 , 0.01030 ทุกตัวมีเลขนัยสำคัญเท่ากับ
4 ตัว

5. ตัวเลข 0 ที่อยู่ปลายทางขวามือของตัวเลขจำนวนเต็มอาจบ่งชี้เลข
นัยสำคัญได้ไม่ชัดเจน เช่น 1,200 ควรเขียนในรูป $1.200 \times 1,000$
หรือ $1.20 \times 1,000$ ซึ่งมีเลขนัยสำคัญ 4 และ 3



การปัดทศนิยม

1. ถ้าตัวเลขตัวสุดท้ายทางขวามือเป็น 0 1 2 3 หรือ 4 ให้ตัดทิ้งไป เช่น ถ้าต้องการเลขนัยสำคัญ 3 ตัว ของ 3.141 จะได้ 3.14 และ 6.063 จะได้ 6.06

2. ถ้าตัวเลขตัวสุดท้ายทางขวามือเป็น 5 6 7 8 หรือ 9 ให้เพิ่มค่าเลขตัวสุดท้ายอีก 1 ค่า เช่น ถ้าต้องการเลขนัยสำคัญ 2 ตัว ของ 6.07 จะได้ 6.1 หรือ 8.16 จะได้ 8.2

3. ถ้าต้องการปัดตัวเลขออกมากกว่า 1 ตัว โดยตัวที่ปัดออกมีค่ามากกว่า 50 , 500 , 5,000 ฯลฯ ให้เพิ่มค่าตัวสุดท้ายอีก 1 ค่า เช่น ถ้าต้องการเลขนัยสำคัญ 3 ตัวของ 2.5647 จะได้ 2.56 ($47 < 50$) และ 1.3559 จะได้ 1.36 ($59 > 50$)



การบวก และลบเลขนัยสำคัญ

ในการคิดคำนวณนั้นใช้หลักการบวกและลบทศนิยมโดยปกติ แต่ต้องให้ผลลัพธ์จากการบวกลบนี้มีตำแหน่งของตัวเลขหลังจุดทศนิยมเท่ากับตำแหน่งของตัวเลขหลังจุดทศนิยมที่น้อยที่สุด เมื่อเทียบกับเลขนัยสำคัญทั้งสองค่า

ตัวอย่างที่ 1.1 จงหาค่าของเลขนัยสำคัญต่อไปนี้ $626.78 + 24.4$

วิธีทำ 626.78 มีเลขนัยสำคัญ 5 ตัว

24.4 มีเลขนัยสำคัญ 3 ตัว

$$\begin{array}{r} 626.78 \\ + \\ 24.4 \\ \hline \end{array}$$

651.18

สรุปว่า ผลรวมของเลขนัยสำคัญ $3.824 + 686.4$ ได้เลขนัยสำคัญ คือ

651.2



ตัวอย่างที่ 1.2 จงหาค่าผลลัพธ์ของเลขนัยสำคัญต่อไปนี้

$$588.102 + 85.26 - 45.13$$

วิธีทำ พิจารณาเลขนัยสำคัญทั้ง 3 พบว่า 85.26 และ 45.13 มีตำแหน่งตัวเลขหลังจุดทศนิยมน้อยที่สุด คือ 2 ตำแหน่งดังนั้นเมื่อทำการคำนวณจะได้

588.102

85.26

45.13

628.232

สรุปว่า ผลต่างของเลขนัยสำคัญ $588.102 + 85.26 - 45.13$ ได้ค่าเลขนัยสำคัญ คือ **628.23**



การคูณ และการหาร เลขนัยสำคัญ

ในการคิดหาคำตอบผลลัพธ์จะได้ จำนวนเลขนัยสำคัญที่น้อยที่สุดในกลุ่มของตัวตั้งหรือตัวหาร

ตัวอย่างที่ 1.3

จงหาผลคูณของเลขนัยสำคัญ 2 จำนวนนี้ 2.4×7.8

วิธีทำ 2.4 มีเลขนัยสำคัญ 2 ตัว

7.8 มีเลขนัยสำคัญ 2 ตัว

ให้นำเลขนัยสำคัญทั้งสองค่าคูณกันก่อน ดังนี้

$$\begin{array}{r} 2.4 \\ 7.8 \times \\ \hline 192 \\ 168 \\ \hline 18.72 \end{array}$$



คำตอบ คือ 18.72 แต่เนื่องจาก
ต้องการให้ผลลัพธ์จากการคูณนี้มี
เลขนัยสำคัญเท่ากับตัวตั้งที่มีเลข
นัยสำคัญน้อยที่สุด คือ 2 ตัว
ดังนั้นปัดค่า 18.72 ได้ **19**

ตัวอย่างที่ 1.4

จงหาคำตอบของเลขน้อยสำคัญอง $97.53 \div 2.54$

วิธีทำ

$$\begin{array}{r} 97.53 \\ \underline{2.54} \\ = 38.397 \end{array}$$

พิจารณาตัวตั้งและตัวหารพบว่า ตัวหารมีเลขน้อยสำคัญน้อยกว่าที่สุด คือ 3 ตัว ดังนั้นจึงปัดค่า 38.397 ได้ 38.4

สรุป คำตอบของ $97.53 \div 2.54 = 38.4$



หน่วยการวัด

การระบุหน่วยการวัดสมัยก่อนไม่มีหน่วยวัดมาตรฐาน ในประเทศต่าง ๆ จะมีการใช้หน่วยวัดที่ต่างกันจนกระทั่งในปี ค.ศ 1790 ได้มีการกำหนดการวัดมาตรฐาน ขึ้นในประเทศฝรั่งเศส เรียกว่า *ระบบเมตริก*

และที่ประเทศอังกฤษ เรียกว่า *ระบบอังกฤษ* (เช่น นิ้ว ฟุต) ซึ่งระบบอังกฤษมีความยุ่งยากหลายประการจึงไม่นิยมใช้ ต่อมาในปัจจุบันได้มีการสร้างหน่วยสากล ขึ้นมาใช้ เรียกว่า *ระบบหน่วยระหว่างชาติ (System International of Units)* หรือเรียกสั้น ๆ ว่า *หน่วยเอสไอ (SI Systeme)* ซึ่งเป็นที่นิยมกันอย่างแพร่หลาย ในการวัดทางวิทยาศาสตร์นั้นได้แบ่งปริมาณต่าง ๆ ออกเป็นดังต่อไปนี้


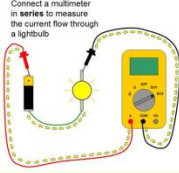




หน่วยมูลฐาน (Basic units)

ปริมาณ	หน่วย	สัญลักษณ์
ความยาว (length : l)	เมตร (meter)	m
เวลา (time : t)	วินาที (second)	S
มวล (mass : m)	กิโลกรัม (kilogram)	kg
อุณหภูมิ (temperature :T)	เคลวิน (kelvin)	K
กระแสไฟฟ้า (electric current : I)	แอมแปร์ (ampere)	A
จำนวนอนุภาค (number of particles : n)	โมล (mole)	mol
ความเข้มแห่งการส่องสว่าง (luminous intensity : I_v)	แคนเดลา (candela)	cd



ปริมาณฐาน (Basic unit)

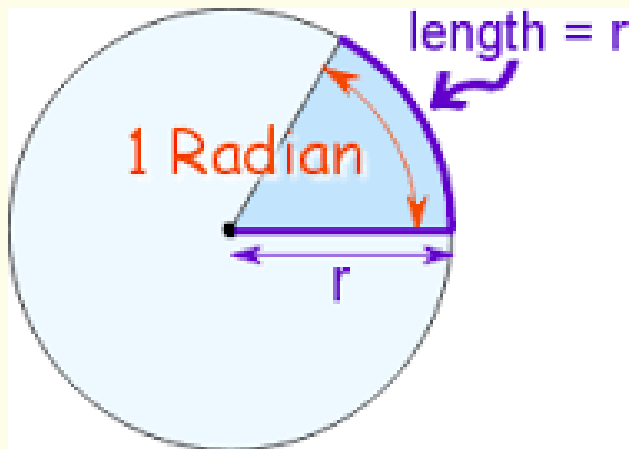
ปริมาณฐาน	ชื่อหน่วย	สัญลักษณ์ (SI unit)
ความยาว 	เมตร	m
มวล 	กิโลกรัม	kg
เวลา 	วินาที	s
กระแสไฟฟ้า  <small>Connect a multimeter in series to measure the current flow through a lightbulb</small>	แอมแปร์	A
อุณหภูมิของเหลว 	เคลวิน	K
ปริมาณสาร  <small>C atom mass 12 6.02 × 10²³ atoms Cu atom mass 63.5 1 mole of C = 12 g exactly 1 mole of Cu = 63.5 g</small>	โมล	mol
ความเข้มของการส่องสว่าง  <small>LUMENS Number of light bulbs through new generation</small>	แคนเดลา	cd



หน่วยเสริม (supplementary units)

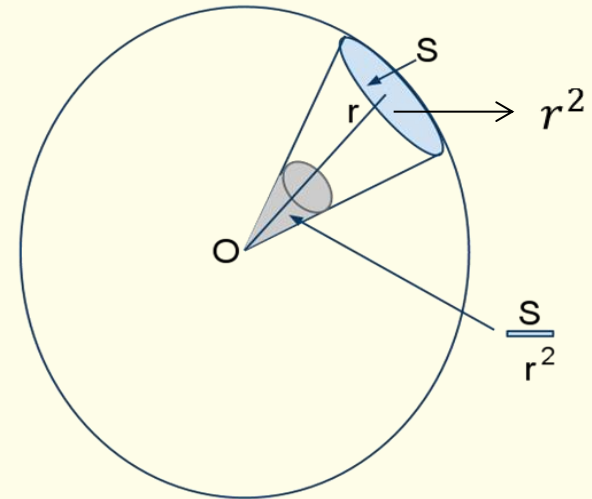
เป็นหน่วยวัดพิเศษที่แยกจากหน่วยมูลฐานและหน่วยอนุพันธ์ ได้แก่ หน่วยของมุม
ระนาบ มุมตัน

เรเดียน (Radian, Rad)



Rad : เป็นมุมที่รองรับ
ส่วนโค้งที่มีความยาวเท่ากับ
รัศมี

สเตอเรเดียน (Steradian, Sr)



Sr : เป็นมุมที่รองรับพื้นที่ที่มีที่มี
ค่าเท่ากับรัศมียกกำลังสอง



หน่วยอนุพันธ์ (derived units)

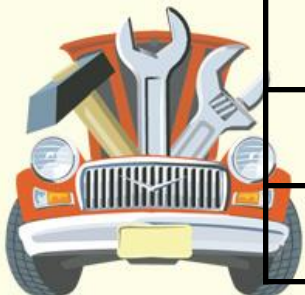
เป็นหน่วยซึ่งมีหน่วยพื้นฐานทั้ง 7 มาเกี่ยวเนื่องกัน เช่น หน่วยของอัตราเร็วเป็น เมตรต่อวินาที ซึ่งมีเมตร และวินาทีเป็นหน่วยมาตรฐาน หน่วยอนุพันธ์มีหลาย หน่วยซึ่งมีชื่อและสัญลักษณ์ที่กำหนดโดยเฉพาะ

ปริมาณ	ชื่อหน่วยอนุพันธ์	สัญลักษณ์ของหน่วย	เทียบเป็นหน่วยหลัก
ความเร็ว (velocity: v)	เมตร/วินาที	m/s	
ความเร่ง (acceleration: a)	เมตร/วินาที ²	m/s ²	
แรง (force : F)	นิวตัน (newton)	N	1 N = 1 kg.m / s ²
งาน (work : W)	จูล (joule)	J	1 J = 1 N.m
พลังงาน (energy : E)	จูล (joule)	J	1 J = 1 N.m
ความดัน (pressure : P)	พาสคาล (Pascal)	Pa	1 Pa = 1 N/m
กำลัง (power : P)	วัตต์ (watt)	W	1 W = 1 J / s

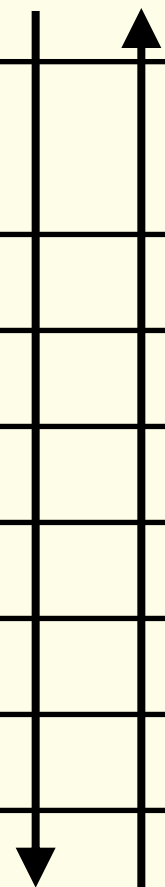
คำอุปสรรค (prefixes)

เป็นคำที่ใช้เติมไว้ข้างหน้าหน่วยต่าง ๆ ในระบบ SI ซึ่งใช้แทนตัวมหุคูณ เมื่อค่าในหน่วยหลักหรือหน่วยอนุพัทธ์มีค่ามากหรือน้อยเกินไปสามารถเปลี่ยนเป็นเลขตัวคูณด้วย สิบยกกำลังลบหรือบวกได้

เลขสิบยกกำลัง	ชื่อคำอุปสรรค	สัญลักษณ์ของคำอุปสรรค
10^{18}	เอ็กซัส (exa)	E หน่วยใหญ่
10^{15}	เปตะ (peta)	P
10^{12}	เทอรา (tera)	T
10^9	จิกะ (giga)	G
10^6	เมกะ (mega)	M
10^3	กิโล (kilo)	k
10^2	เฮกโต (hecto)	h



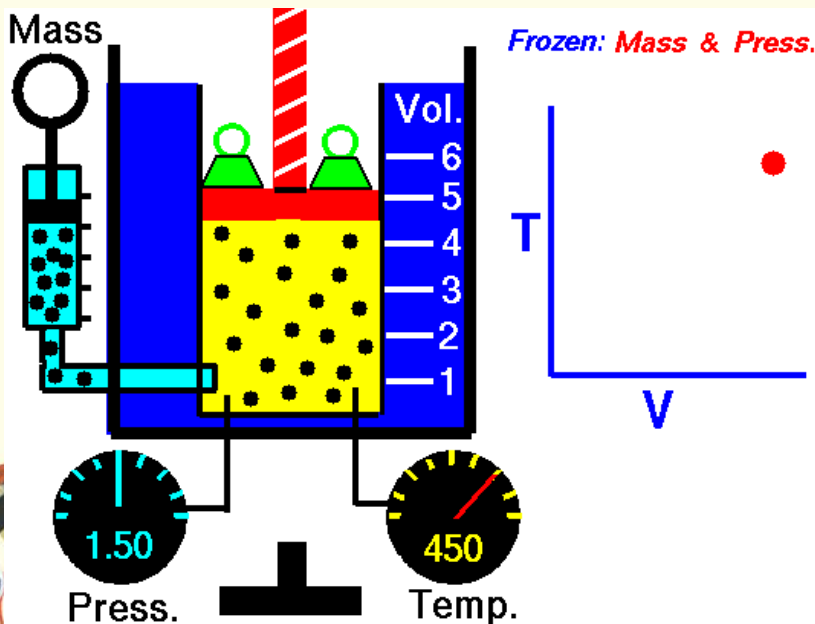
เลขสิบยกกำลัง	ชื่อคำอุปสรรค	สัญลักษณ์ของคำอุปสรรค
10^1	เดคา (deca)	da
$10^0 = 1$	หน่วยหลัก (fundamental units)	-
10^{-1}	เดซี (deci)	d
10^{-2}	เซนต์ (centi)	c
10^{-3}	มิลลิ (milli)	m
10^{-6}	ไมโคร (micro)	μ
10^{-9}	นาโน (nano)	n
10^{-12}	พิโค (pico)	p
10^{-15}	เฟมโต (femto)	f
10^{-18}	อัตโต (atto)	a



หน่วยเล็ก

การเขียนเป็นตัวเลข $A.aaa \times 10^x$








123456.78 $\xrightarrow{\text{เปลี่ยนเป็น}}$ 1.2345678×10^5



จุดที่อุณหภูมิต่ำสุดคือ..... 2.50×10^2

จุดที่อุณหภูมิสูงสุดคือ..... 4.50×10^2

คำอุปสรรค + หน่วยหลัก

Physical quantity measured	Base unit	SI abbreviation
	mole	mol
	meter	m
	kilogram	kg
	second	s
	kelvin	K
	ampere	A
	candela	cd

ตัวอย่างเช่น หน่วยหลักเป็น วินาที prefix → ที่ใช้คือไมโคร xxxxxx ไมโครวินาที



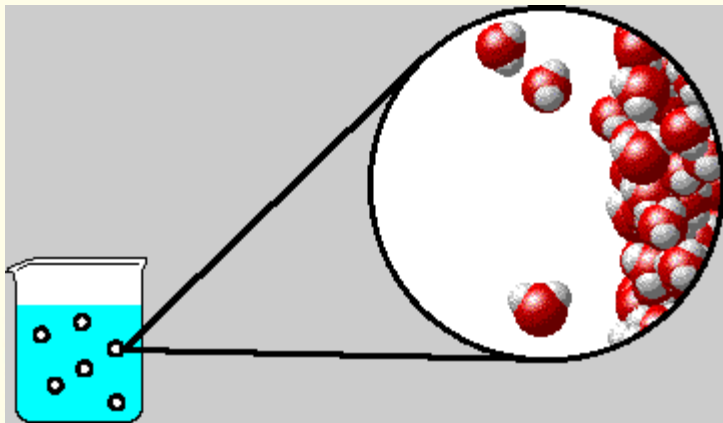
ตัวอย่างเช่น ความยาว 4 กิโลเมตร \rightarrow กิโล เป็น คำอุปสรรค และ เมตร เป็น หน่วยหลัก = 4×10^3 เมตร

วัตถุหนัก 9.12 นาโนกรัม \rightarrow นาโน เป็น คำอุปสรรค และ กรัม เป็น หน่วยหลัก = 9.12×10^{-9} กรัม



ความเร็วของเรือลำนี้คือ...120 เฮกโตเมตร/วินาที =เมตร/วินาที

$$120 \times 10^2 \text{ เมตร/วินาที} = 1.2 \times 10^4 \text{ เมตร/วินาที}$$



โมเลกุลของน้ำหนัก 18,015.28 มิลลิกรัม/โมล =กรัม/โมล

$$18,015.28 \times 10^{-3} \text{ กรัม/โมล} = 1.801528 \times 10 \text{ กรัม/โมล}$$

การเปลี่ยนหน่วย

ตัวอย่างที่ 1 เปลี่ยนหน่วยจาก 20 มิลลิกรัม \rightarrow กรัม

$$\begin{aligned} 20 \text{ มิลลิกรัม} &= 20 \times \text{มิลลิ} \text{ กรัม} \\ &= 20 \times 10^{-3} \text{ กรัม} \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 2 เปลี่ยนหน่วยจาก 20 \rightarrow เมกะเมตร \rightarrow เมตร

$$\begin{aligned} 20 \text{ มิลลิกรัม} &= 20 \times \text{เมกะ} \text{ เมตร} \\ &= 20 \times 10^6 \text{ เมตร} \end{aligned}$$



การเปลี่ยนหน่วย

ตัวอย่างที่ 3 เปลี่ยนหน่วยจาก 3,000,000,000 ไบท์ → จิกะไบท์

$$3,000,000,000 \text{ ไบท์} = 3 \times 10^9 \text{ ไบท์}$$

$$= 3 \times 10^9 / 10^9 \text{ จิกะไบท์}$$

$$= 3 \times 10^9 \times 10^{-9} \text{ จิกะไบท์}$$

$$= 3 \text{ จิกะไบท์}$$



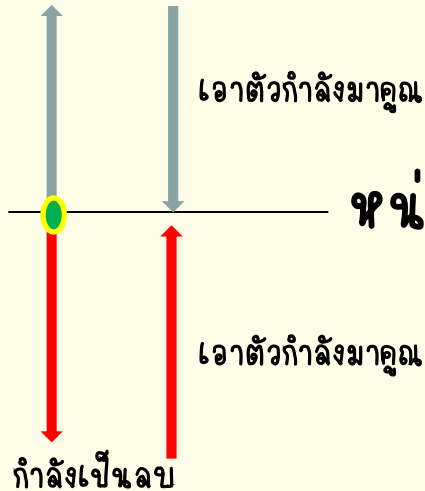
การเปลี่ยนหน่วย

ตัวอย่างที่ 4 เปลี่ยนหน่วยจาก 3 เมตร → ไมโครเมตร

$$\begin{aligned} 3 \text{ เมตร} &= 3/10^{-6} \text{ ไมโครเมตร} \\ &= 3 \times 10^6 \text{ ไมโครเมตร} \\ &= 3,000,000 \text{ ไมโครเมตร} \end{aligned}$$

หน่วย กำลังเป็นบวก

เอาตัวกำลังมาหาร



หน่วยกลาง (เมตร, กรัม, องศา, วินาที, โปท)



ตัวอย่างที่ 5 เปลี่ยนหน่วยจาก 20 มิลลิกรัม → กิโลกรัม

$$\begin{aligned} \text{๑. } 20 \text{ มิลลิกรัม} &= 20 \times \text{มิลลิ} \text{ กรัม} \\ &= 20 \times 10^{-3} \text{ กรัม} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{๒. } \text{เปลี่ยนหน่วยจาก } 20 \times 10^{-3} \text{ กรัม} &\rightarrow \text{กิโลกรัม} \\ 20 \times 10^{-3} \text{ กรัม} &= 20 \times 10^{-3} / \text{กิโล} \text{ กรัม} \\ &= 20 \times 10^{-3} / 10^3 \text{ กรัม} \\ &= 20 \times 10^{-3} \times 10^{-3} \text{ กิโลกรัม} \\ &= 20 \times 10^{-6} \text{ กิโลกรัม} \end{aligned}$$



ตัวอย่างที่ 6 เปลี่ยนหน่วยจาก 50 เซนติเมตร \rightarrow กิโลเมตร

๑. $50 \text{ มิลลิกรัม} = 50 \times \text{เซนติ เมตร}$
 $= 50 \times 10^{-2} \text{ เมตร}$

๒. เปลี่ยนหน่วยจาก $50 \times 10^{-2} \text{ เมตร} \rightarrow \text{กิโลเมตร}$
 $50 \times 10^{-2} \text{ เมตร} = 50 \times 10^{-2} / \text{กิโล เมตร}$
 $= 50 \times 10^{-2} / 10^3 \text{ เมตร}$
 $= 50 \times 10^{-2} \times 10^{-3} \text{ กิโลเมตร}$
 $= \underline{50 \times 10^{-5} \text{ กิโลเมตร}}$



1. จงเปลี่ยนตัวเลขต่อไปนี้ให้อยู่ในรูปของ $A \times 10^n$ โดย $0 < A < 10$
(scientific notation)

ก. 40,000 \longrightarrow 4×10^4

ข. 0.0021 \longrightarrow 2.1×10^{-3}

ค. 67 \longrightarrow 6.7×10^1

ง. 0.789

จ. 480

ฉ. 0.048

ช. 497,000

ซ. 0.000967



2. จงเปลี่ยนตัวเลขข้างล่างนี้ให้เป็นเลขจำนวนเต็มหรือทศนิยม
(decimal notation)

ก. 4×10^6 \longrightarrow 4,000,000

ข. 3.67×10^{-2} \longrightarrow 0.0367

ค. 4.67×10^3

ง. 4×10^{-1}

จ. 3.7×10^1

ฉ. 6×10^{-3}

ช. 1.6×10^5

ซ. 4.17×10^{-5}



จงใช้คำอุปสรรคแทนปริมาณที่กำหนดให้ต่อไปนี้

- ก. ครึ่งชีวิตของธาตุโปโลเนียม = 4.2×10^{-6} s \longrightarrow 4.2 μ s
- ข. อากาศมาตรฐาน 1 c.c. มีมวล = 0.001293 g \longrightarrow 1.293 mg
- ค. ความต่างศักย์ที่ใช้หลอด x-ray = 5.11×10^5 V
- ง. คลื่นวิทยุจากสถานีส่งมีความถี่ = 0.14×10^7 Hz
- จ. พลังงานความร้อนจากผนังด้านในเตาผิง = 38,200 cal
- ฉ. ประจุไฟฟ้าบนตัวนำมีค่า = 4.32×10^{-8} C
- ช. ความเร็วแสงในสุญญากาศ = 2,997,900 m/s
- ซ. ค่ายังโมดูลัสของเหล็ก = 2.0×10^{11} Pa
- ณ. ความร้อนแฝงจำเพาะในการกลายเป็นไอของทอง = 1,578,000 J/Kg



การเทียบหน่วยและการเปลี่ยนหน่วย

เปลี่ยนจากหน่วยเอสไอเป็นหน่วยอังกฤษ			เปลี่ยนจากหน่วยอังกฤษเป็นหน่วยเอสไอ		
1 เมตร(m)	=	3.28 ฟุต	1 ฟุต (ft)	=	30.48 เซนติเมตร
1 เมตร (m)	=	39.37 นิ้ว	1 นิ้ว (in.)	=	2.54 เซนติเมตร
1 กิโลกรัม(kg)	=	2.2 ปอนด์	1 ปอนด์(lb)	=	0.453 กิโลกรัม
1 วินาที (s)	=	1/3600 ชั่วโมง	1 ชั่วโมง (hr)	=	3,600 วินาที

